

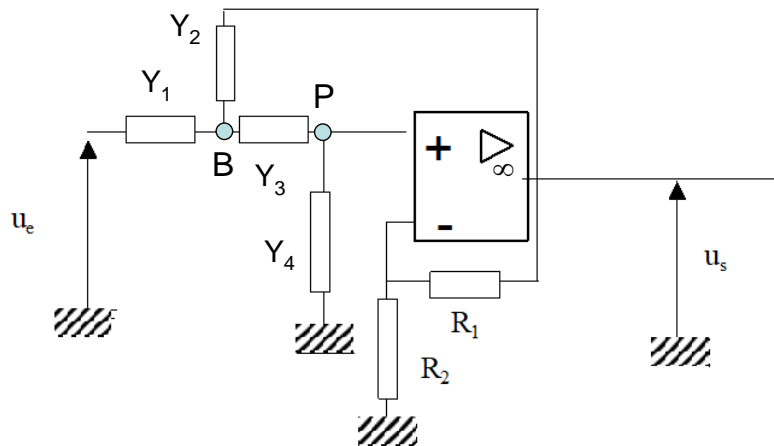
SALLEN-KEY

L'architecture d'une cellule de Sallen-Key est construite sur la base d'un montage amplificateur non inverseur de gain en tension $k = (1 + R_1/R_2)$ et d'une réaction construite par les admittances Y_i .

Le premier « coup d'œil » identifie via Y_2 un feedback positif d'où un risque d'instabilité

En appliquant le théorème de Millman aux points B et P il vient :

$Y_1(u_e - u_B) = Y_2(u_B - u_s) + Y_4 u_P$ et $Y_4 u_P = Y_3(u_B - u_P)$ avec $u_P = u_s/k$



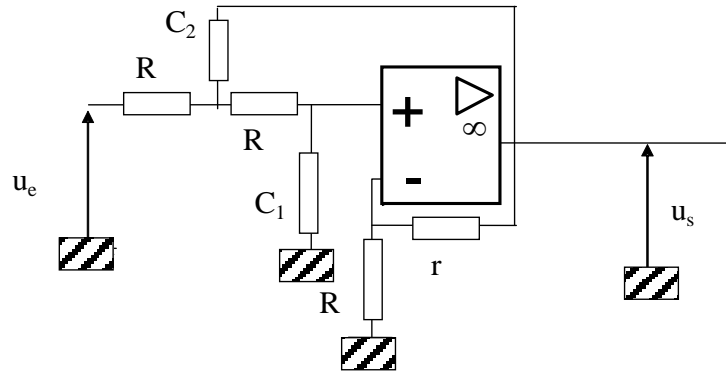
On en déduit l'expression de la fonction de transfert du montage définie par

$$H(j\omega) = \frac{u_s}{u_e} = k \frac{Y_1 Y_3}{(Y_1 + Y_2)(Y_3 + Y_4) + Y_3(Y_4 - kY_2)} \text{ avec } k = 1 + \frac{R_1}{R_2},$$

fonction de transfert qui peut dans certains cas s'avérer instable.

La condition de stabilité est garantie pour un filtre d'ordre inférieur ou égal à deux lorsque les trois coefficients du dénominateur de la fonction de transfert sont de même signe.

Sur l'exemple de la figure précédente avec $Y_1 = 1/R$, $Y_2 = jC_2\omega$, $Y_3 = 1/R$, $Y_4 = jC_1\omega$ on a un passe-bas:



$$H(j\omega) = \frac{k}{1 + jR(2C_1 + C_2(1-k))\omega - R^2C_1C_2\omega^2}$$

En identifiant l'expression de cette fonction de transfert avec la forme canonique du filtre passe-bas d'ordre deux on en déduit la valeur du gain basse fréquence, de la pulsation de coupure et du facteur d'amortissement :

$$H_0 = k \quad \omega_c = (R^2C_1C_2)^{-1/2}, \text{ et}$$

$$m = (C_1 / C_2)^{1/2} [1 - (k - 1)C_2 / (2C_1)]$$

La cellule de Sallen-Key est la plus utilisée dans le milieu industriel sous la forme d'une cellule passe-bas ou passe-haut. Dans l'exemple de la figure ci-après le montage sera stable si m est positif, ce qui entraîne la condition sur le gain statique du filtre, déterminé par les résistances R_1 et R_2 avec

$$k = 1 + \frac{R_1}{R_2} < 1 + 2 \frac{C_1}{C_2}$$

l'inégalité :

Remarque : on utilise parfois (par habitude) la cellule de SK sans gain, ce qui correspond à avoir $k=1$; cad un montage suiveur avec $r=0$ et R non montée.