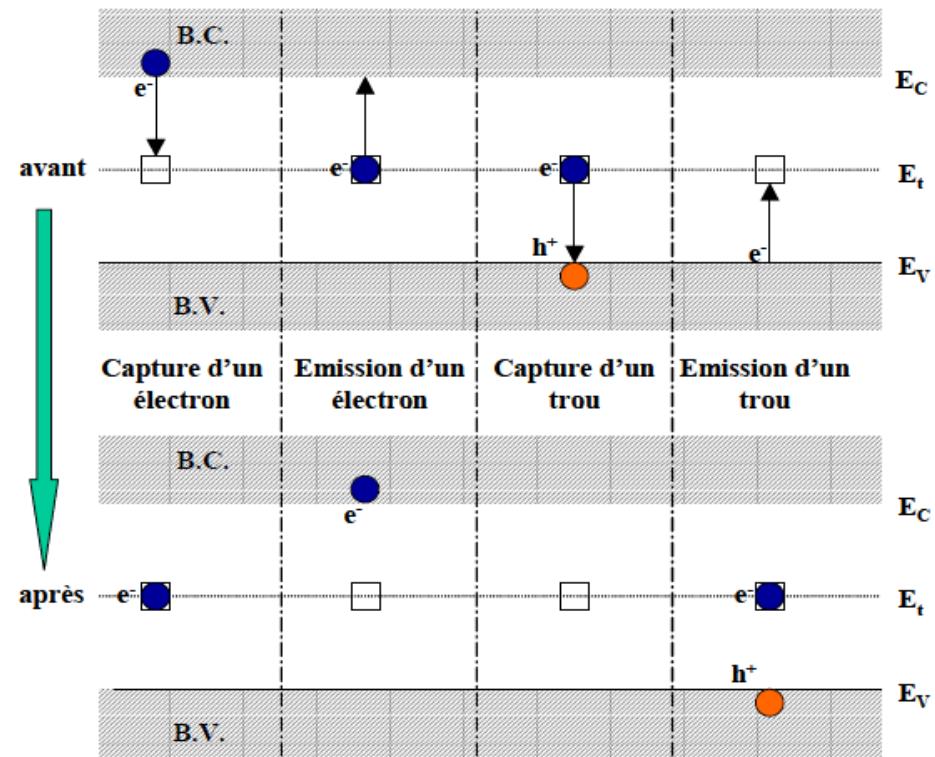
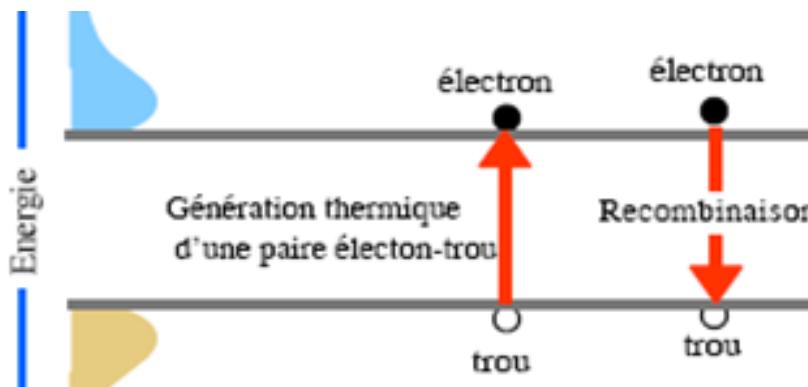


# I. Comportement des semi-conducteurs

## Génération - recombinaison

Le phénomène de génération et de recombinaison est largement exploité dans de nombreux capteurs (optiques, thermiques...), c'est le phénomène essentiel dans les cellules photovoltaïques

Génération d'une paire é-t se fait par apport énergétique à la structure cristalline. La disparition d'un trou (et donc d'un électron libre) s'appelle recombinaison d'une paire é-t. Elle se traduit par une restitution de l'énergie à l'environnement sous forme électromagnétique (photons) et de chaleur. Cette énergie n'est pas toujours égale à  $E_G$  car il y a toujours de « défauts » dans le matériau. On parle de centres recombinants.



# I. Comportement des semi-conducteurs

## Taux de génération – recombinaison

On s'intéresse au taux [ $\text{cm}^{-3}\text{s}^{-1}$ ] de disparition (recombinaison) de paires e-t noté ici  $r'_n$  pour électrons  $r'_p$  pour les trous qui est évidemment le même que l'on note  $r'$ . Ce taux est bien sûr proportionnel à la population.

$$r'_n = r'_p = r' = knp$$

**k:** facteur de proportionnalité lié au matériau

On veut distinguer ce qui est dû à la température, puisque l'agitation thermique génère sans cesse des paires e-t. On définit alors le taux **net** de recombinaison  $r$ :

$$r_n = r_p = r = r' - g_{\text{th}} = knp - g_{\text{th}}$$

$g_{\text{th}}$  est le taux de génération thermique

A l'**équilibre thermodynamique**, c'est-à-dire à température constante et uniforme, rien ne vient perturber le SC (pas d'éclairement, pas d'injection de courant...), l'agitation thermique existe toujours (tant que l'on est pas à 0 K), mais le phénomène de recombinaison aussi de sorte que les deux s'équilibreront

$$r = 0 \quad \text{et} \quad g_{\text{th}} = kn_i^2$$

Car  $np=n_i^2$  à l'équilibre TD quelque soit le dopage

Ce qui nous permet d'écrire, pour distinguer ce qui est dû uniquement à la température à un certain équilibre, du taux de recombinaison dû à une perturbation qui engendre des porteurs excédentaires  $np > n_i^2$ . On dit que l'on est hors équilibre TD.

$$r = k(np - n_i^2)$$

# I. Comportement des semi-conducteurs

## Durée de vie des porteurs excédentaires

Une paire e-t générée par apport d'énergie « survit » statistiquement pendant un certain temps, on ramène ce temps « statistiquement » à une toute une population de porteurs que l'on nomme **durée de vie**. Au bout de ce temps moyen, tous les excédenaires auront disparu et l'on retrouve les concentrations de l'équi TD (voir figure)

Options pour ce type de notation:

$$n = n_0 + \Delta n \quad p = p_0 + \Delta p$$

Concentration d'excédentaires  
À l'équilibre TD

On génère autant d'e que de t excédentaires, donc:

$$\Delta n = \Delta p$$

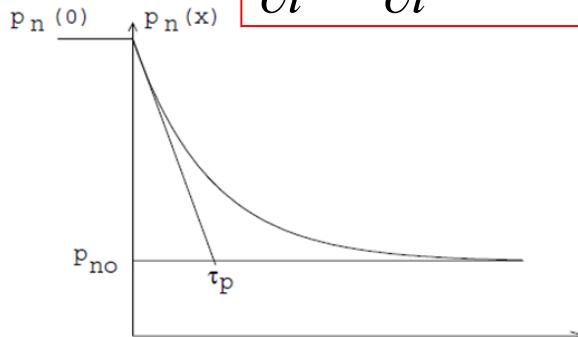
On définit les durées de vie  $\tau_p$  et  $\tau_n$  simplement:

$$r = \frac{\Delta n}{\tau_n} = \frac{\Delta p}{\tau_p}$$

De manière générale, en considérant les taux nets de génération et de recombinaison

$$\frac{\partial n}{\partial t} = \frac{\partial p}{\partial t} = g - r$$

Recombinaison des trous (minoritaires) dans un SC de type N. La décroissance est exponentielle avec une constante de temps = durée de vie.

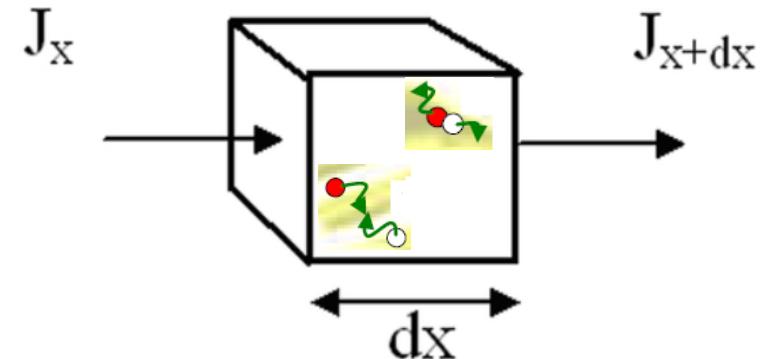


# I. Comportement des semi-conducteurs

## Equation de continuité: un simple bilan !!!

Remarque: Pour simplifier on écrit les équations en 1D

On prend en compte tous les phénomènes: génération, recombinaison, injection de courant et l'on fait simplement le bilan des charges en transit dans un volume élémentaire, ce qui donne:



Pour les électrons

$$\frac{\partial n}{\partial t} = \frac{1}{q} \frac{\partial J_{nx}}{\partial x} + (g_n - r_n) = \frac{1}{q} \frac{\partial J_{nx}}{\partial x} + \left( g_n - \frac{\Delta n}{\tau_n} \right)$$

Pour les trous

$$\frac{\partial p}{\partial t} = -\frac{1}{q} \frac{\partial J_{px}}{\partial x} + (g_p - r_p) = -\frac{1}{q} \frac{\partial J_{px}}{\partial x} + \left( g_p - \frac{\Delta p}{\tau_p} \right)$$

Vérifier l'équation aux dimensions. Que deviennent ces équations en régime permanent avec un éclairage constant par exemple ?  
D'ailleurs c'est quoi un régime permanent ? Et un régime statique ?

# I. Comportement des semi-conducteurs

## Faible ou forte injection

Remarque: C'est le terme consacré, mais je préfère: Faible ou forte perturbation des concentrations de porteurs

On note  $n_0$  ou  $p_0$  les concentrations à l'équilibre TD, et  $\Delta n$  ou  $\Delta p$  les concentrations excédentaires dues à la perturbation

Faible injection (ou faible perturbation)

Type n: donc  $n_0 \cong N_D$ , si  $(\Delta n = \Delta p) \ll n_0$  donc  $p \cong \Delta p = \Delta n$

Seuls les porteurs minoritaires (ici les trous) sont impactés

Type p: donc  $p_0 \cong N_A$ , si  $(\Delta n = \Delta p) \ll p_0$  donc  $n \cong \Delta n = \Delta p$

Seuls les porteurs minoritaires (ici les électrons) sont impactés

Forte injection (ou forte perturbation)

Type n: si  $(\Delta n = \Delta p) \gg n_0$  donc  $n = p \cong \Delta n = \Delta p$

Type p: si  $(\Delta n = \Delta p) \gg p_0$  donc  $n = p \cong \Delta n = \Delta p$

Tous les porteurs, minoritaires et majoritaires sont impactés

# I. Comportement des semi-conducteurs

Un repère précieux pour la suite...

Ceci nous donne un repère pour les différences de potentiel, les champs électriques et fait le lien avec ce que constate un **électronicien** sur ses composants

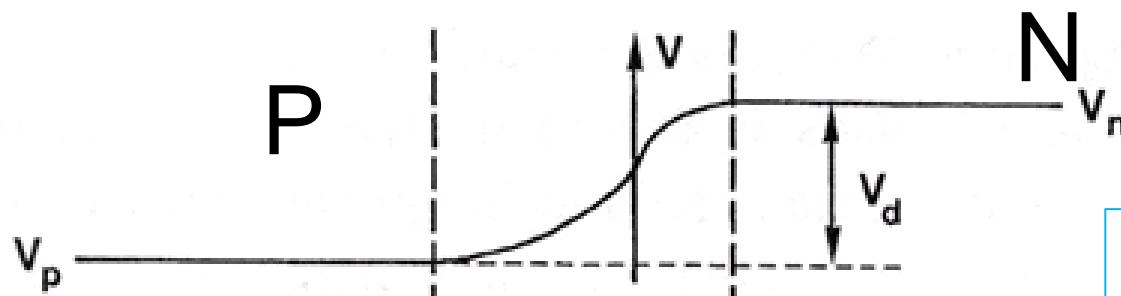
$$V_1(\text{réf } V_0, n_i) = U_T \ln\left(\frac{n_1}{n_i}\right)$$

$$V_2(\text{réf } V_0, n_i) = U_T \ln\left(\frac{n_2}{n_i}\right)$$

Différence de potentiel  $V_2 - V_1$

$$V_2 - V_1 = U_T \ln\left(\frac{n_2}{n_1}\right)$$

Le potentiel électrique augmente avec la concentration des électrons  
Faire la même chose avec les trous...



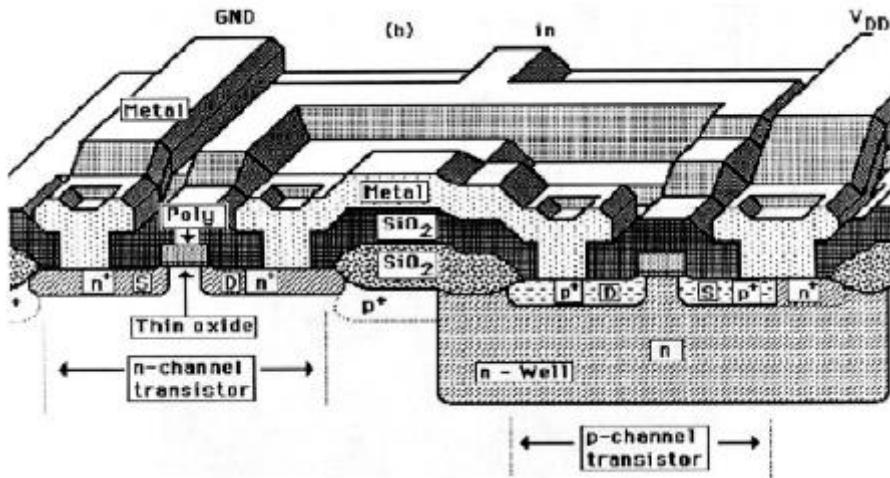
On travaille en  
UNIDIMENSIONNEL

## II. Jonction PN

Dans les composants électroniques, il y en a partout !

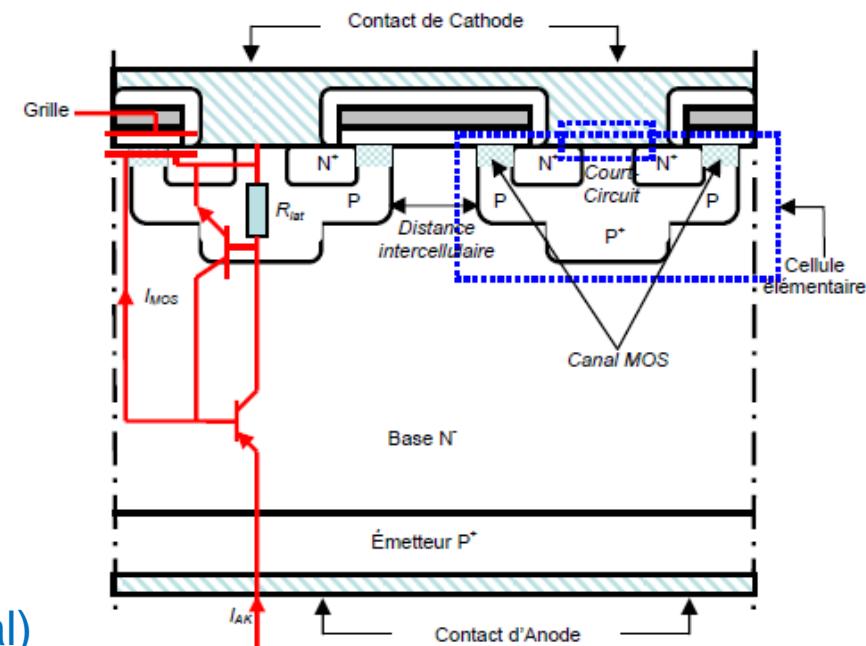
C'est quoi une jonction PN ?

Où trouve-t-on ces jonctions ?



Structure CMOS (traitement numérique du signal)

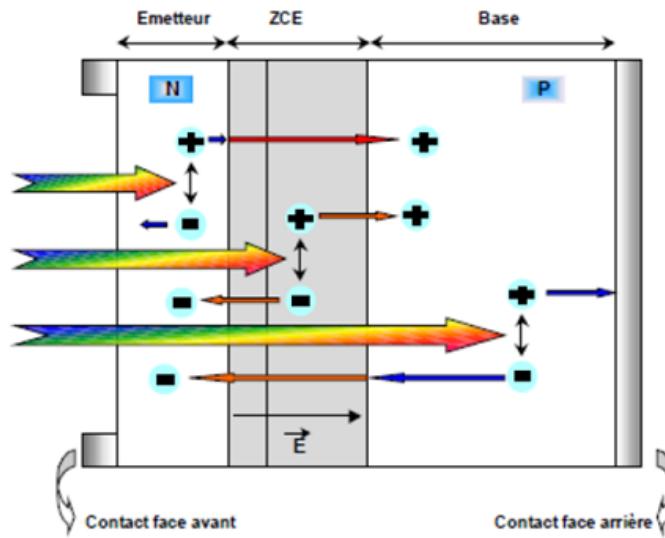
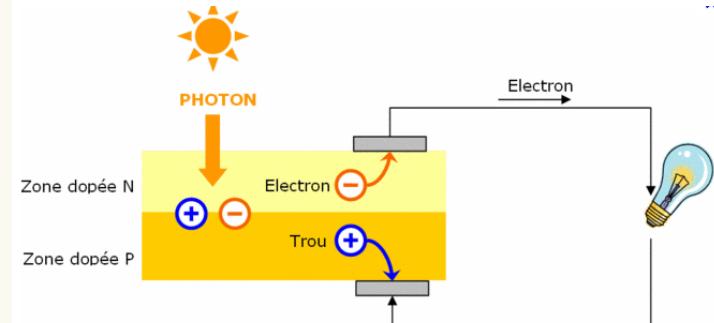
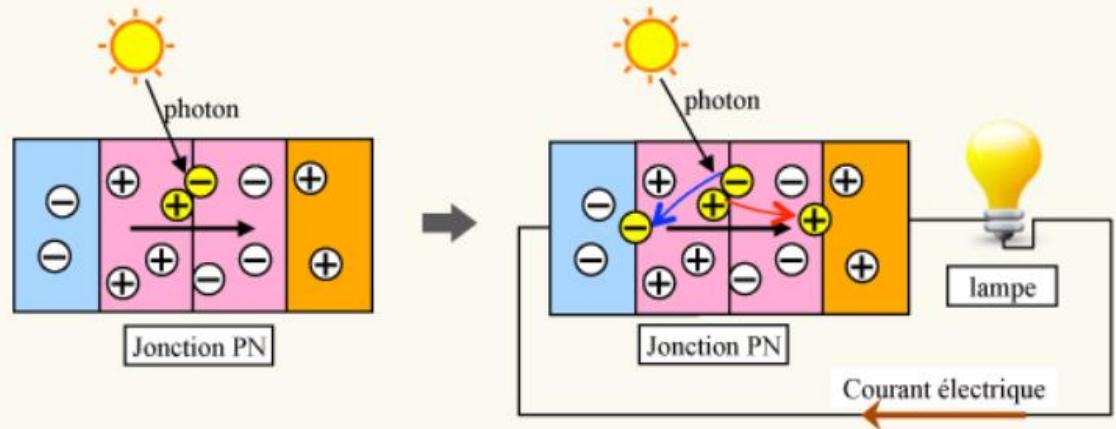
Combien de jonctions ?



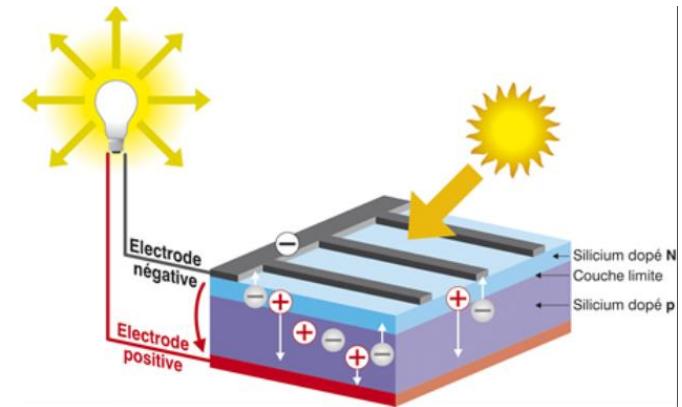
Structure IGBT (traitement de l'énergie)

# II. Jonction PN

De multiples applications...

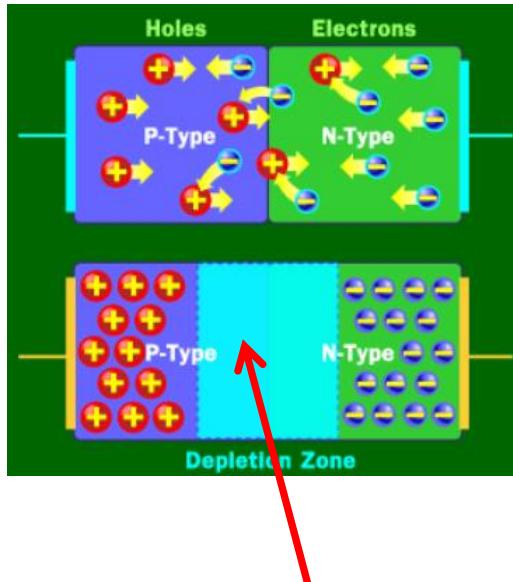


Il y a donc un champ électrique interne et un phénomène de génération. Voyons d'où cela vient-il



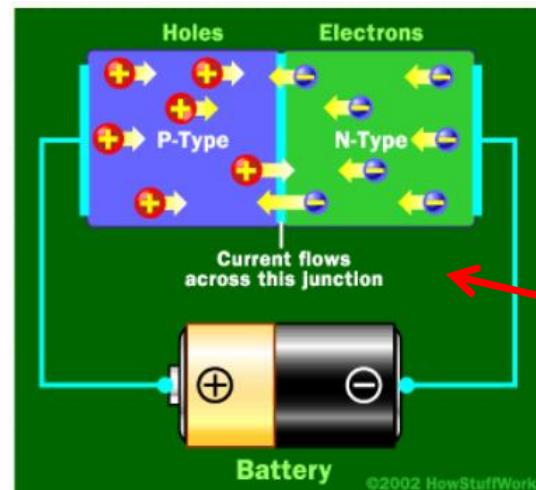
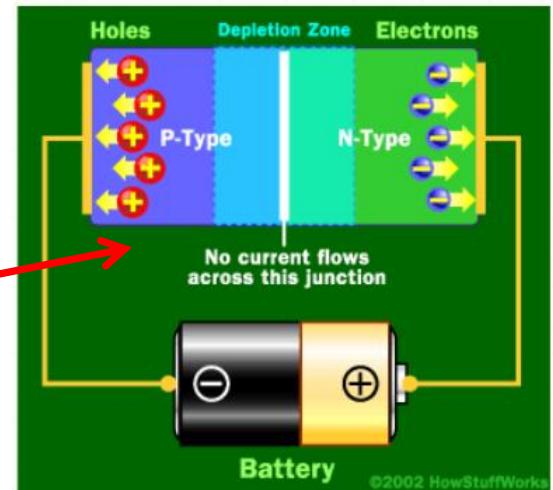
## II. Jonction PN

### Création et variation du champ électrique



Il y a une zone appelée:  
ZCE (Zone de charge d'espace)  
ou zone déplétion ou zone  
déserte (d'ailleurs de quoi ?)

Y a-t-il un courant possible ? Pourquoi ?



Y a-t-il un courant possible ? Pourquoi ?

# II. Jonction PN

## Tension de diffusion

ATTENTION: On traite la jonction abrupte. Définition....

Rappelez-vous de ce qui été dit en p:26

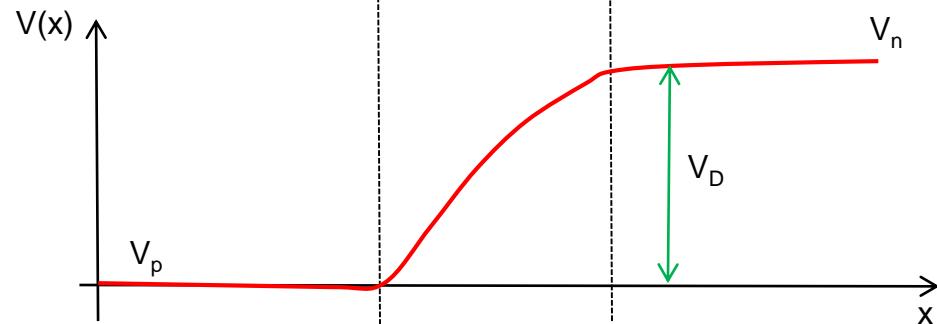
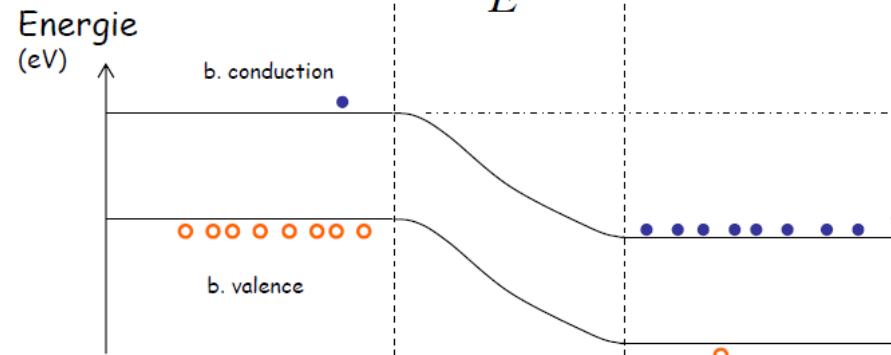
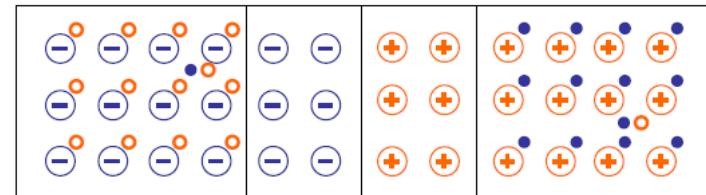
**Zone N**     $n_n = N_D$    et    $p_n = \frac{n_i^2}{N_D}$

**Zone P**     $p_p = N_A$    et    $n_p = \frac{n_i^2}{N_A}$

D'où

$$V_D = V_n - V_p = \frac{kT}{q} \ln \left( \frac{N_D N_A}{n_i^2} \right) = \Phi$$

$V_D$  est appelée potentiel interne ou tension de diffusion. C'est aussi la hauteur de la barrière de potentiel qui empêche la circulation des porteurs majoritaires.



## II. Jonction PN

Deux zones, deux comportements distincts

**Dans les Zones de Charge d'Espace (ZCE), il faut utiliser l'Equation de Poisson !**

Elle vient de ce bon vieux théorème de Gauss:

$$\operatorname{div} \vec{E} = \frac{\rho(x, y, z)}{\epsilon} \quad \rho(x, y, z): \text{ Charge nette (dans la ZCE, charges fixes des ions)}$$

$$\vec{E} = -\overrightarrow{\operatorname{grad}} V \quad \xrightarrow{\text{Eq. de Poisson}}$$

$$\boxed{\nabla^2 V = -\frac{\rho(x, y, z)}{\epsilon}}$$

Une dimension, cas général

$$\xrightarrow{} \boxed{\frac{\partial^2 V}{\partial x^2} = -\frac{\rho(x)}{\epsilon} = -\frac{q}{\epsilon} (N_D^+ - N_A^- + p - n)}$$

ZCE côté P (dopage uniforme  $N_A$ )

$$\xrightarrow{} \frac{\partial^2 V}{\partial x^2} = +\frac{q}{\epsilon} N_A^-$$

ZCE côté N (dopage uniforme  $N_D$ )

$$\xrightarrow{} \frac{\partial^2 V}{\partial x^2} = -\frac{q}{\epsilon} N_D^+$$

En dehors, c'est la zone quasi-neutre

$$\xrightarrow{} \boxed{\rho = q(N_D^+ - N_A^- + p - n) \approx 0}$$

**Dans les zones neutres ou quasi-neutres, il ne faut pas utiliser l'équation de Poisson !**

## II. Jonction PN

### Expressions du potentiel et du champ électrique

#### Concentrations charges nettes

#### Zone quasi-neutre

$$\rho(x) = 0 \quad \text{pour} \quad x < x_p \text{ et } x > x_n$$

**Si le dopage est uniforme pas de champ électrique dans les ZQN**

#### Zone de charge d'espace

$$\rho(x) = -qN_A \quad \text{pour} \quad x_p < x < 0$$

$$\rho(x) = +qN_D \quad \text{pour} \quad 0 < x < x_n$$

#### Potentiel dans la ZCE (on applique Poisson !)

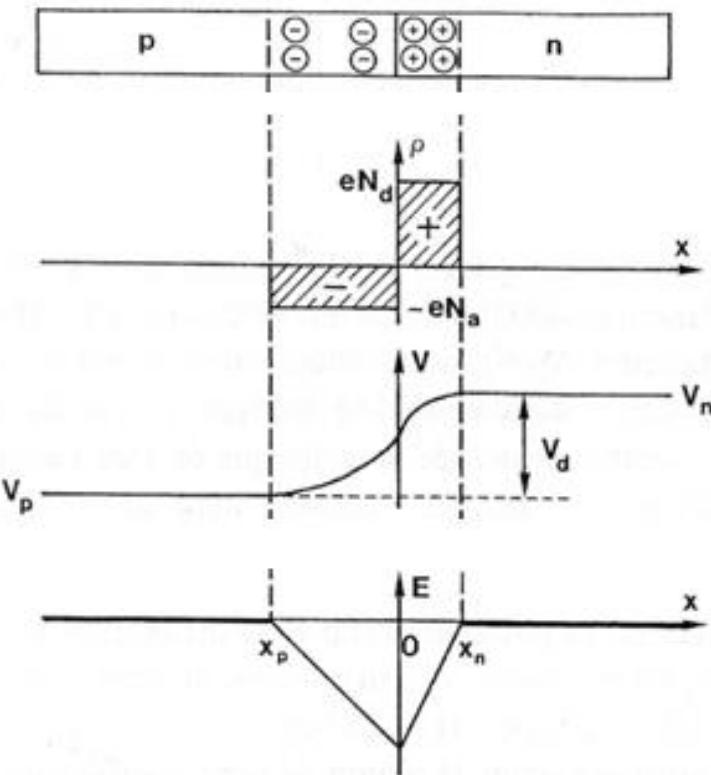
$$\frac{d^2V}{dx^2} = \frac{qN_A}{\epsilon} \text{ (zone P)} \quad \frac{d^2V}{dx^2} = -\frac{qN_D}{\epsilon} \text{ (zone N)}$$

$$v(x) = \frac{qN_A}{2\epsilon} (x - x_p)^2 + V(x_p) \text{ (zone P)} \quad \Bigg| \quad v(x) = -\frac{qN_D}{2\epsilon} (x - x_n)^2 + V(x_n) \text{ (zone N)}$$

#### Champ électrique dans la ZCE (on applique E=-dv/dx)

$$E(x) = -\frac{qN_A}{\epsilon} (x - x_p) \text{ (zone P)}$$

$$E(x) = +\frac{qN_D}{\epsilon} (x - x_n) \text{ (zone N)}$$



## II. Jonction PN

Si la jonction n'est pas abrupte

**Attention, il y a aussi un champ électrique dans les ZQN si la concentration des porteurs n'est pas uniforme !!!**

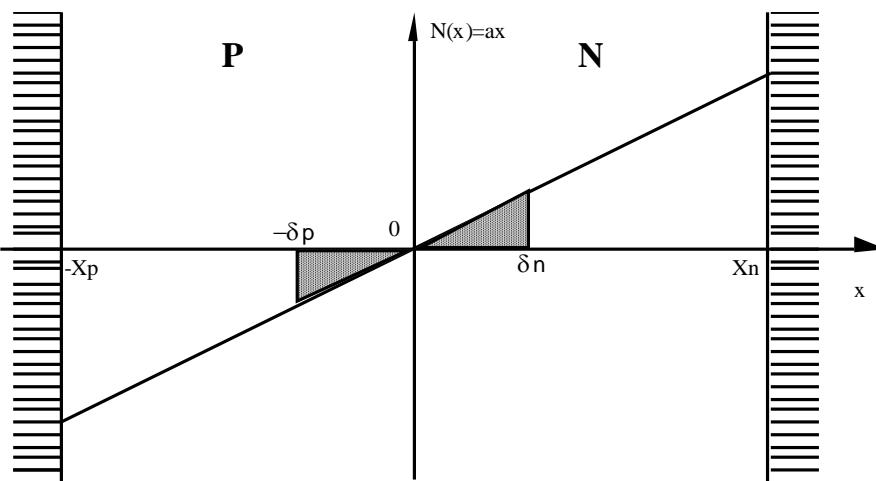
Comment le calculer à l'équilibre T.D.? Avec l'équation de Poisson ? **NON!!!**

Il faut juste dire que le courant de diffusion est contrarié par le courant de conduction de sorte que le courant total soit nul

Champ électrique (à l'équilibre)

$$E(x) = -\frac{kT}{q} \frac{1}{n(x)} \frac{dn(x)}{dx} = +\frac{kT}{q} \frac{1}{p(x)} \frac{dp(x)}{dx}$$

Exemple, dopage linéaire, ici  $N(x)=N_D(x)-N_A(x)$

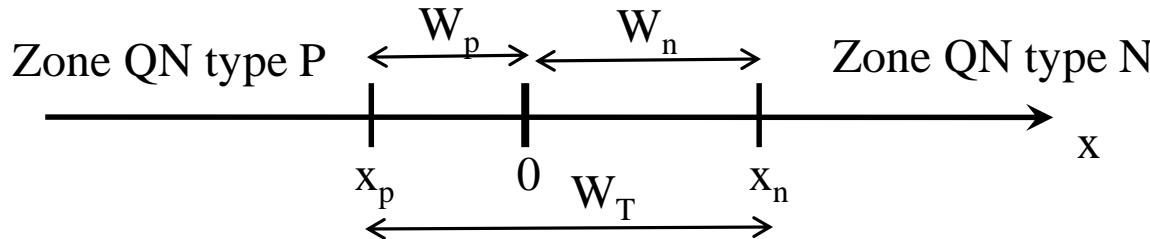


Trouver l'expression de  $E(x)$  dans les ZQN et mettre son sens sur la figure

Si le dopage est uniforme (jonction abrupte), à l'équilibre le champ électrique est nul dans les ZQN

## II. Jonction PN

### Largeurs de la zone de charge d'espace



Continuité du vecteur déplacement en  $x=0$        $\vec{D} = \epsilon \vec{E}$        $\vec{D}_{0^+} = \vec{D}_{0^-}$        $\Rightarrow$        $E(0^+) = E(0^-)$   
Même matériau

$$E(0) = -\frac{qN_A}{\epsilon}(0 - x_p) \text{ (zone P)} = E(0) = +\frac{qN_D}{\epsilon}(0 - x_n) \text{ (zone N)}$$

$$qN_A x_p = -qN_D x_n \quad \text{on note} \quad W_p = -x_p, \quad W_n = x_n \quad \Rightarrow \quad N_A W_p = N_D W_n$$

Continuité du potentiel en  $x=0$        $\frac{qN_A}{2\epsilon}(x_p)^2 + V(x_p) = -\frac{qN_D}{2\epsilon}(x_n)^2 + V(x_n)$

$$W_n = \sqrt{\frac{2\epsilon}{qN_D} \frac{N_A}{N_A + N_D} V_D} \quad \text{et} \quad W_p = \sqrt{\frac{2\epsilon}{qN_A} \frac{N_D}{N_A + N_D} V_D}$$

$$N_A W_p = N_D W_n \Rightarrow \frac{W_n}{N_A} = \frac{W_p}{N_D} = \frac{W_n + W_p}{N_A + N_D} = \frac{W_T}{N_A + N_D}$$

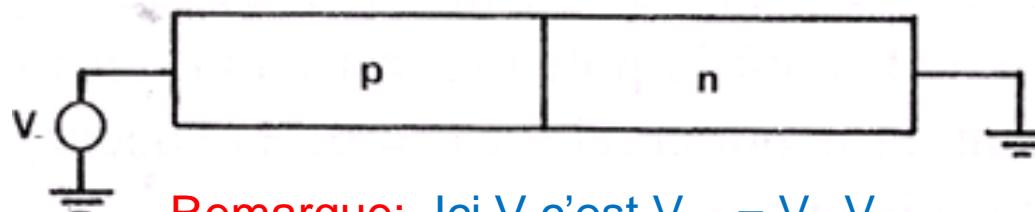
D'où

$$W_T = \sqrt{\frac{2\epsilon}{q} \frac{N_A + N_D}{N_A N_D} V_D}$$

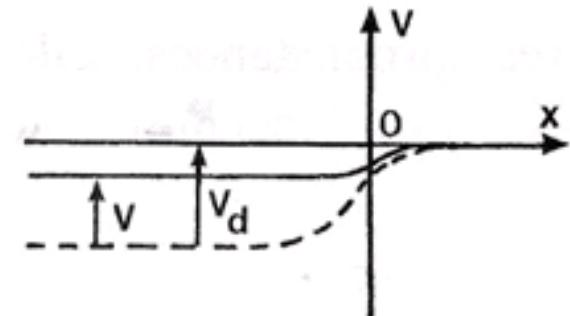
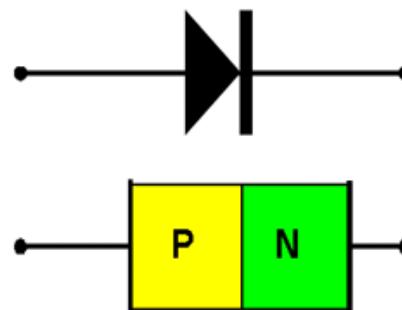
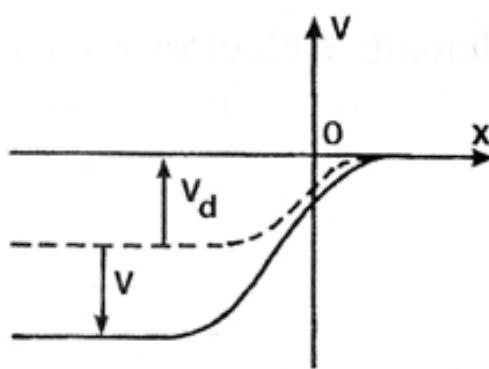
## II. Jonction PN

### Application d'une tension extérieure

On applique une tension  $V$  (ou  $V_a$ ) aux bornes de la jonction, suivant son signe on parle d'une polarisation directe ou inverse



**Remarque:** Ici  $V$  c'est  $V_{AK} = V_A - V_K$



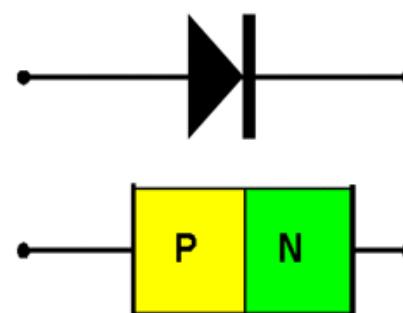
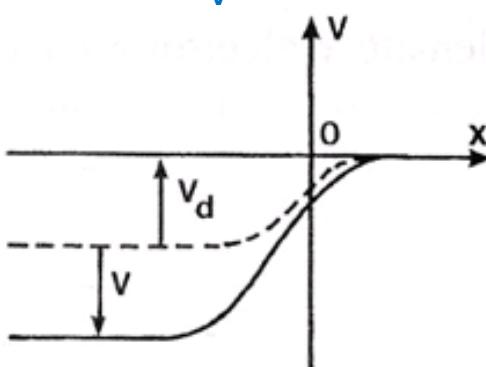
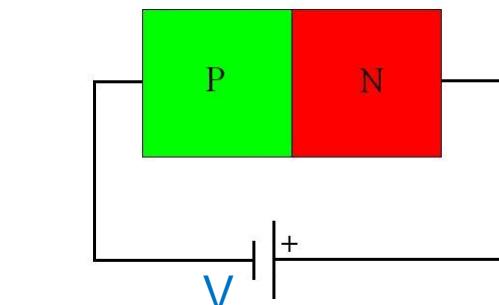
$V$  est négative/positive  
Polarisation directe/inverse  
La ZCE devient plus large/étroite

$V$  est négative/positive  
Polarisation directe/inverse  
La ZCE devient plus large/étroite

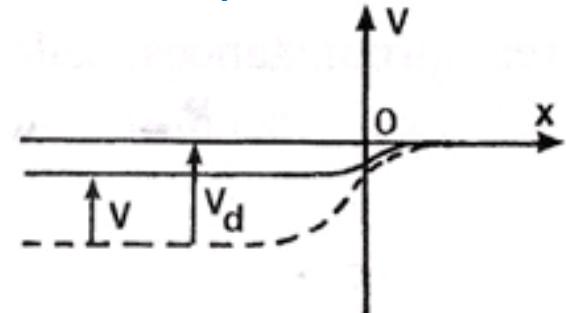
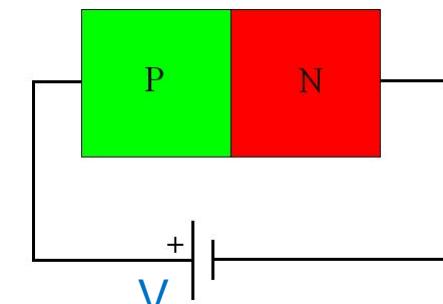
## II. Jonction PN

### Application d'une tension extérieure

On applique une tension  $V$  (ou  $V_a$ ) aux bornes de la jonction, suivant son signe on parle d'une polarisation directe ou inverse



$V$  est négative/positive  
Polarisation directe/inverse  
La ZCE devient plus large/étroite



$V$  est négative/positive  
Polarisation directe/inverse  
La ZCE devient plus large/étroite